

数 学

1 次の にあてはまる数, 式を答えなさい。

(1) $-2^2 + 6 \div \left(-\frac{3}{4}\right)$ を計算すると である。

(2) $-\frac{10}{\sqrt{20}} + (1 - \sqrt{5})(\sqrt{5} - 1)$ を計算すると である。

(3) $12a^2 - 27b^2$ を因数分解すると である。

(4) 二次方程式 $(x+1)(x-1) = 2x$ を解くと $x =$ である。

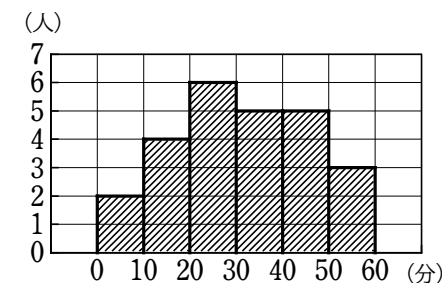
(5) $\sqrt{45n}$ が整数になるような自然数 n のうち, 最も小さい数は である。

(6) 1 から 6 までの目が出る大小 2 つのさいころを同時に投げ, 大きいさいころの出た目を a , 小さいさいころの出た目を b とする。このとき, $\frac{a}{b}$ が整数となる確率は である。

(7) 右の図は, 花子さんのクラスの 25 人について通学時間を調べ, その結果をヒストグラムに表したものである。このとき

通学時間の中央値は 分で,

最頻値は 分である。



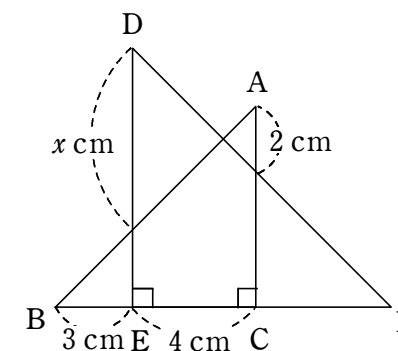
(8) 下の表は, 5 点満点の小テストにおいて, 20 人の得点の結果をまとめたものである。

平均点が 3 点であるとき, 1 点の生徒の人数は 人である。

点数(点)	0	1	2	3	4	5	合計
人数(人)	0			6	5	2	20

(9) 右の図は, 直角二等辺三角形 ABC に, 直角二等辺三角形 DEF を重ねた図形である。

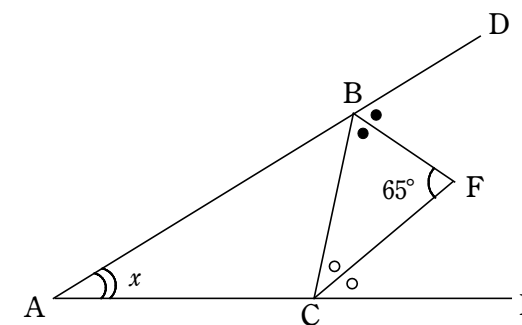
x は cm である。



(10) 右の図のような, $\triangle ABC$ がある。

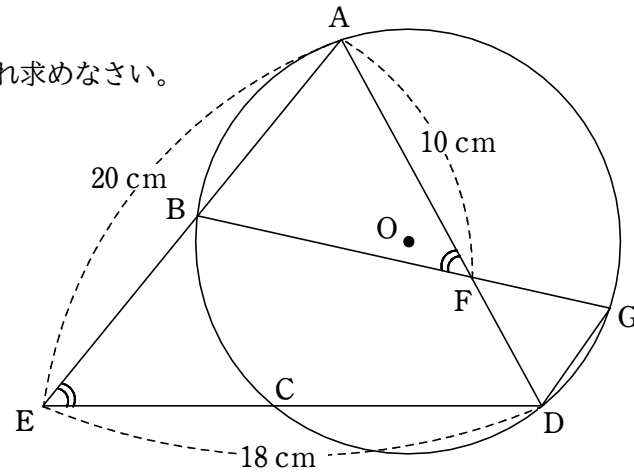
辺 AB を延長した直線上に点 D を, 辺 AC を延長した直線上に点 E をとる。
 $\angle CBD$ の二等分線と $\angle BCE$ の二等分線の交点を F とするとき,

$\angle x$ の大きさは $^\circ$ である。



2 図のように，円 O の周上に 4 点 A, B, C, D があり，直線 AB と直線 CD との交点を E とする。また，線分 AD 上に $\angle AED = \angle AFB$ となるように点 F をとり，直線 BF と円 O との交点のうち点 B と異なる点を G とする。
 $AE = 20$ cm, $ED = 18$ cm, $AF = 10$ cm, $AB : BE = 2 : 3$ であるとき，次の問いに答えなさい。

(1) 線分 AB, BF の長さをそれぞれ求めなさい。

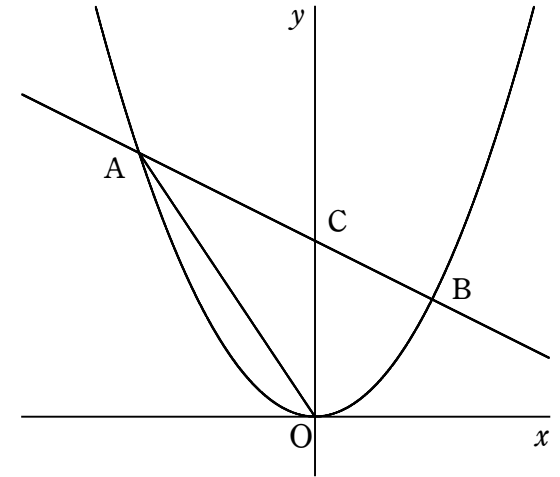


(2) 線分 DF の長さを求めなさい。

(3) $\triangle AED$ と $\triangle GFD$ の面積の比を最も簡単な整数の比で表しなさい。

3 図のように，関数 $y = x^2$ のグラフ上に 2 点 A, B があり，その x 座標はそれぞれ $-2, 1$ である。また，直線 AB と y 軸との交点を C とする。次の問いに答えなさい。

(1) 直線 AB の式を求めなさい。



(2) $\triangle OAC$ と $\triangle BCD$ の面積が等しくなるように y 軸上の正の部分に点 D をとる。点 D の座標を求めなさい。

(3) (2) のとき， $\triangle OAC$ を y 軸を軸として 1 回転させてできる立体の体積を V ， $\triangle BCD$ を y 軸を軸として 1 回転させてできる立体の体積を W とする。 $V : W$ を最も簡単な整数の比で表しなさい。

4 S高校では、参加者を募集し1年間に2回クイズ大会をしています。1回目のクイズ大会では、男子と女子の参加人数はそれぞれ x 人、 y 人でした。2回目のクイズ大会では、男子の参加人数は1回目の男子の参加人数に比べて2割減り、女子の参加人数は1回目の女子の参加人数に比べて5割増えました。次の問いに答えなさい。

- (1) 下の表の(ア)に当てはまる式を x を用いて表しなさい。また、(イ)に当てはまる式を y を用いて表しなさい。

	男子	女子
1回目のクイズ大会の参加人数(人)	x	y
2回目のクイズ大会の参加人数(人)	(ア)	(イ)

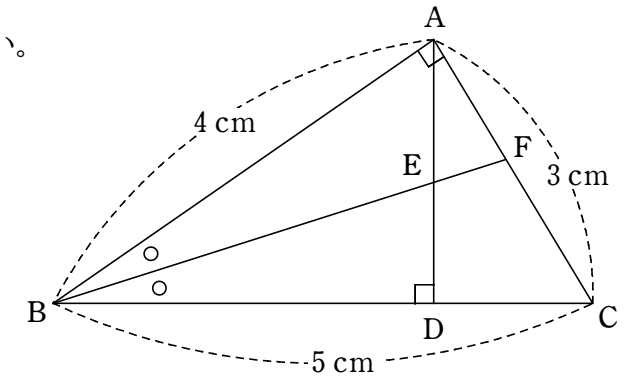
- (2) 1回目のクイズ大会では、男子の参加人数よりも女子の参加人数の方が24人多く、また、2回目のクイズ大会では、参加人数の合計は1回目の参加人数の合計に比べて25%増えました。 x 、 y についての連立方程式を完成させなさい。

$$\begin{cases} \boxed{} + 24 = \boxed{} \\ (\text{ア}) + (\text{イ}) = \boxed{} \end{cases}$$

- (3) (2)のとき、 x と y の値をそれぞれ求めなさい。

5 図のような、 $AB=4\text{ cm}$ 、 $AC=3\text{ cm}$ 、 $BC=5\text{ cm}$ 、 $\angle A=90^\circ$ の直角三角形 ABC において、点 A から辺 BC に垂線 AD を引く。また、 $\angle ABC$ の二等分線と線分 AD 、辺 AC との交点をそれぞれ E 、 F とするとき、次の問いに答えなさい。

- (1) $\triangle ABE \sim \triangle CBF$ を証明しなさい。



- (2) $BE : BF$ および $AF : FC$ をそれぞれ最も簡単な整数の比で表しなさい。

- (3) 線分 DE の長さを求めなさい。

1	(1)	-12	(2)	$-6 + \sqrt{5}$
	(3)	$3(2a + 3b)(2a - 3b)$	(4)	$x = 1 \pm \sqrt{2}$
	(5)	5	(6)	$\frac{7}{18}$
	(7)	中央値 35 分	最頻値 25 分	
	(8)	2 人	(9)	6 cm
	(10)	50 °		

各4点 [40点]

2	(1)	AB = 8 cm	BF = 9 cm
	(2)	DF = 6 cm	
	(3)	$\triangle AED : \triangle GFD = 9 : 1$	

各5点 [15点]

3	(1)	$y = -x + 2$	(2)	D (0 , 6)
	(3)	$V : W = 2 : 1$		

各5点 [15点]

4	(1)	(ア)	$0.8x$	(イ)	$1.5y$
	(2)	$\begin{cases} \boxed{x} + 24 = \boxed{y} \\ \text{(ア)} + \text{(イ)} = \boxed{1.25(x + y)} \end{cases}$			
	(3)	$x = 30$, $y = 54$			

各5点 [15点]

5	(1)	<p>(証明) $\triangle ABE$ と $\triangle CBF$ において 線分 BF は $\angle ABC$ の二等分線より $\angle ABE = \angle \boxed{CBF}$① また $\angle BAE = \boxed{90}^\circ - \angle \boxed{CAD}$② $\angle BCF = \boxed{90}^\circ - \angle \boxed{CAD}$③ ②と③より $\angle BAE = \angle BCF$④ ①と④より (相似条件) $\boxed{2組の角}$ がそれぞれ等しい ので $\triangle ABE \sim \triangle CBF$ (証明終わり)</p>			
	(2)	BE : BF = $4 : 5$		AF : FC = $4 : 5$	
	(3)	DE = $\frac{16}{15}$ cm		各5点 [15点] <input type="text"/>	

受験番号